



Šifra učenca:
A tanuló kódszáma:

Državni izpitni center



N 2 3 1 4 0 1 3 1 M



9.
razred
osztály

Ponedeljek, 8. maj 2023 / 60 minut
2023. május 8., hétfő / 60 perc

Dovoljeni pripomočki: učenec prinese modro/črno nalivno pero ali moder/črn kemični svinčnik, svinčnik, radirko, šilček, ravnilo, geotrikotnik in šestilo. Raba žepnega računalna ni dovoljena. Navodila in nasveti za reševanje, izbor geometrijskih obrazcev (formul), kvadratov nekaterih števil, nekaterih približkov stalnic (konstant) in matematičnih znakov so sestavni del preizkusa znanja.

Engedélyezett segédeszközök: a tanuló által hozott kék vagy fekete töltőtoll vagy golyóstoll, ceruza, radír, ceruzaheggyező, vonalzó, háromszögvonalzó és körző. Tilos a zsebszámológép használata. A felmérőlap részét képezik az utasítások és tanácsok is, valamint a szükséges mértani képletek, négyzetek, közelítő értékek (állandók) és matematikai jelek válogatása.

NACIONALNO PREVERJANJE ZNANJA
ORSZÁGOS TUDÁSFELMÉRÉS

v 9. razredu
a 9. osztályban

Navodila učencu so na naslednji strani.
A tanulóknak szóló útmutató a következő oldalon olvasható.

Preizkus ima 28 strani, od tega 2 prazni.
A felmérőlap terjedelme 28 oldal, ebből 2 üres.



UTASÍTÁSOK ÉS TANÁCSOK A MEGOLDÁSHOZ

Figyelmesen olvasd el az egyes feladatok szövegét, nehogy valamilyen adatot vagy részkérdést kihagyjál!

Ha lehetséges, a feladat megoldását előre becsüld meg! A kapott megoldást hasonlítsd össze a megbecsülttel! Ha fejből meg is tudnál több mindent oldani, akkor is jegyezd le a teljes számításokat! A megoldási eljárás világosan és korrekt módon mutassa be az eredményhez vezető utat, tartalmazzon minden köztes számítást és következtetést!

Ha a megoldási eljárásban hibát követtél el, a hibásat húzd át, és újra oldd meg! Ha a feladatot többféleképpen oldottad meg, egyértelműen jelöld, melyik megoldást értékelje az értékelő!

Vedd figyelembe a válaszok, eredmények, illetve megoldások megadási módjára vonatkozó követelményeket! Figyelj a mérték- és pénzegységekre, ha szerepelnek a feladatban!

Munkád legyen áttekinthető és olvasható! A szerkesztési feladatoknál legyél minél pontosabb (a megengedett eltérés ± 2 mm és $\pm 2^\circ$)! Ceruzát és geometriai segédeszközöket használj!



MÉRTANI KÉPLETEK

| MÉRTANI SÍKIDOMOK | KERÜLET (o) | TERÜLET (p) |
|---|---------------------|--|
| Háromszög (a, b, c oldalak, v_a, v_b, v_c magasságok) | $o = a + b + c$ | $p = \frac{av_a}{2} = \frac{bv_b}{2} = \frac{cv_c}{2}$ |
| Egyenlő oldalú háromszög (a oldal) | $o = 3a$ | $p = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ |
| Paralelogramma (a, b oldalak, v_a, v_b magasságok) | $o = 2(a + b)$ | $p = av_a = bv_b$ |
| Rombusz (a oldal, v magasság, e, f átlók) | $o = 4a$ | $p = av = \frac{ef}{2}$ |
| Trapéz (a, c alapok, b, d szárak, v magasság) | $o = a + b + c + d$ | $p = \frac{a+c}{2}v$ |
| Kör (r sugár) | $o = 2\pi r$ | $p = \pi r^2$ |

| MÉRTANI TESTEK | FELSZÍN (P) | TÉRFOGAT (V) |
|--|-----------------------|---------------------------|
| Kocka (a él) | $P = 6a^2$ | $V = a^3$ |
| Téglatest (a, b, c élek) | $P = 2(ab + ac + bc)$ | $V = abc$ |
| Hasáb (O alaplapp, pl palást, v magasság) | $P = 2O + pl$ | $V = Ov$ |
| Henger (egyenes, az alaplapp r sugara, v magasság) | $P = 2\pi r(r + v)$ | $V = \pi r^2 v$ |
| Gúla (O alaplapp, pl palást, v magasság) | $P = O + pl$ | $V = \frac{Ov}{3}$ |
| Kúp (egyenes, az alaplapp r sugara, s alkotó, v magasság) | $P = \pi r(r + s)$ | $V = \frac{\pi r^2 v}{3}$ |

A TERMÉSZETES SZÁMOK NÉGYZETE 11-TŐL 25-IG

| | | | | | | | | | | | | | | | |
|-------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| n | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 |
| n^2 | 121 | 144 | 169 | 196 | 225 | 256 | 289 | 324 | 361 | 400 | 441 | 484 | 529 | 576 | 625 |

KÖZELÍTŐÉRTÉKEK

$$\pi \doteq \frac{22}{7} \doteq 3,14$$

$$\sqrt{2} \doteq 1,41$$

$$\sqrt{3} \doteq 1,73$$

MATEMATIKAI JELEK

| | | | |
|----------|----------------------|-------------------|------------------------|
| = | egyenlő | $ AB $ | az AB szakasz hossza |
| \neq | nem egyenlő | \sphericalangle | szög |
| \doteq | körülbelül | Δ | háromszög |
| < | kisebb | \parallel | párhuzamos |
| > | nagyobb | \perp | merőleges |
| \leq | kisebb vagy egyenlő | \cong | egybevágó |
| \geq | nagyobb vagy egyenlő | \sim | hasonló |



1. a) Számítsd ki:

$$\frac{3}{4} + \frac{1}{6} =$$

(1 pont)

$$1\frac{2}{5} : 2,1 =$$

(1 pont)

$$6,3 \cdot 3,2 =$$

(1 pont)

$$17,8 - 17,8 \cdot 0,1 =$$

(2 pont)

1. b) Karikázd be annak a szöveges feladatnak a betűjelét, amelyet az $1\frac{1}{4} : \frac{1}{2}$ számkifejezéssel lehetne megoldani!

- A Két barát $1\frac{1}{4}$ tortát két egyenlő részre oszt. Mennyit kap mindegyikük?
- B $1\frac{1}{4}$ km utat kell megépíteni. Hány napig fog tartani az építkezés, ha minden nap 0,5 km utat építünk?
- C Anna kekszet fog sütni. A receptben az áll, hogy $1\frac{1}{4}$ bögre vajra van szüksége. Hány csomag vajat használ, ha egy csomag 2 bögrének felel meg?
- D Egy edényből, amelyben $1\frac{1}{4}$ liter szörp van, fél liter szörpöt kiöntünk. Hány liter szörp marad az edényben?

(1 pont)



2. Számítsd ki a számkifejezés értékét!

2. a) $11^0 =$

(1 pont)

2. b) $7000^2 =$

(1 pont)

2. c) $(-0,1)^3 =$

(1 pont)

2. d) $\sqrt{2\frac{14}{25}} =$

(1 pont)

2. e) $\sqrt{36+64} =$

(1 pont)



N 2 3 1 4 0 1 3 1 M 1 3

3. A kereskedő burgonyát vásárolt a gazdától. 120 kg burgonyáért a gazdának 54 €-t fizetett.
3. a) A kereskedő a burgonya minden kilogrammját 32 centtel drágábban fogja eladni, mint amennyiért a gazdától vásárolta. Hány euróba fog kerülni a burgonya kilója a boltjában?

Megoldási eljárás:

A burgonya kilója _____ €-ba fog kerülni.

(3 pont)

3. b) 10 kilogramm feletti vásárlás esetén a kereskedő 10%-os kedvezményt ad a vásárolt burgonya teljes mennyiségére. Hány eurót fog fizetni Matej ebben a boltban 20 kilogramm burgonyáért?

Megoldási eljárás:

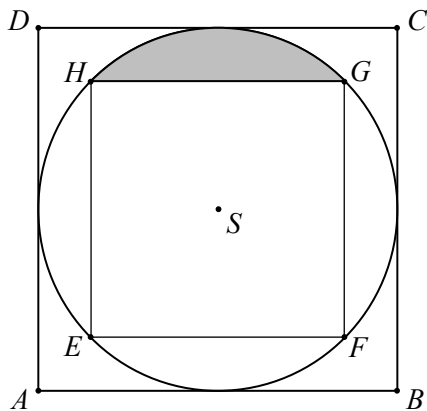
Matej ebben a boltban 20 kilogramm burgonyáért _____ €-t fog fizetni.

(2 pont)



4. Jana egy 1 dm sugarú kör köré is és a körbe is megszerkesztett egy-egy négyzetet, ahogy az az ábrán látható.

Ábra:



4. a) Számítsd ki:

$$|AB| = \text{_____ dm}$$

$$|AC| = \text{_____ dm}$$

$$d(H, G) = \text{_____ dm}$$

(3 pont)

4. b) Számítsd ki a sáfrózott síkidom kerületét! Alkalmazd a π és a $\sqrt{2}$ számok két tizedes jegyre kerekített közelítő értékét!

Megoldási eljárás:

A sáfrózott síkidom kerülete _____ dm.

(3 pont)



5. a) Egészítsd ki a megfelelő számokkal úgy, hogy az egyenlőségek érvényesek legyenek!

$$\underline{\hspace{2cm}} \cdot 100 = \underline{\hspace{2cm}} : 1000 = 54,42$$

(2 pont)

5. b) Egészítsd ki egy törttel úgy, hogy igaz legyen:

$$\frac{1}{4} < \square < \frac{1}{3}$$

(1 pont)

5. c) Írd be a $<$, $>$ vagy $=$ jelek egyikét úgy, hogy igaz kijelentést kapjál!

$$6 \cdot \frac{1}{2} \square 6 : \frac{1}{2}$$

(1 pont)

5. d) Mennyi a $-0,2$ reciproka? Karikázd be a megfelelő értéket!

$$-\frac{1}{5} \quad -5 \quad \frac{10}{2} \quad 0,2 \quad -\frac{1}{2}$$

(1 pont)



6. d) Tükrözd a B pontot az origóra! A B pont képét jelöld D -vel!

(1 pont)

6. e) Számítsd ki az ABC háromszög területét!

Megoldási eljárás:

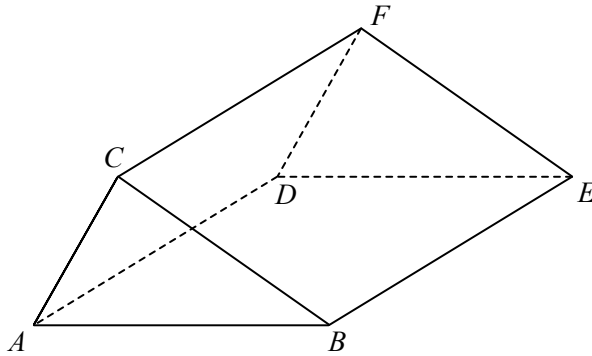
Válasz: Az ABC háromszög területe _____.

(2 pont)



8. Adott az $ABCDEF$ mértani test és néhány adat erről a testről.

Ábra:



$$AC \perp BC$$

$$AD \perp ABC$$

$$ABC \parallel DEF$$

$$d(A, D) = |AB|$$

$$|AC| = 5 \text{ cm}$$

$$|BC| = 12 \text{ cm}$$

$$d(B, D) = 13\sqrt{2} \text{ cm}$$

8. a) Karikázz be minden igaz kiegészítést!

– A megadott $ABCDEF$ mértani test:

kocka

téglatest

hasáb

gúla

sokszög

(1 pont)

– A megadott $ABCDEF$ mértani test alaplapja a:

$ABED$ síkidom

$ADFC$ síkidom

$BEFC$ síkidom

ABC síkidom

(1 pont)

– Az AC egyenes és a BED sík metszete a/az:

B pont

BE szakasz

üres halmaz

A pont

ABC sík

(1 pont)

8. b) Számítsd ki a megadott $ABCDEF$ test térfogatát!

Megoldási eljárás:

Válasz: A megadott $ABCDEF$ test térfogata _____ cm^3 .

(3 pont)



9. a) Adottak a 33, 33, 66, 77 és 88 számok.

Határozd meg a számtani közepüket, móduszukat és mediánjukat!

Számtani közepük: _____.

Móduszuk: _____.

Mediánjuk: _____.

(3 pont)

9. b) Az üres keretbe írd olyan számot, hogy az összes szám számtani közepe 5 legyen!

| | | | | | | | | |
|---|---|---|---|--|---|---|---|---|
| 9 | , | 4 | , | | , | 8 | , | 1 |
|---|---|---|---|--|---|---|---|---|

(1 pont)

9. c) Az üres keretbe írd olyan számot, hogy az összes szám módusza egyenlő legyen a mediánjukkal!

| | | | | | | | | |
|---|---|---|---|--|---|---|---|---|
| 3 | , | 5 | , | | , | 8 | , | 9 |
|---|---|---|---|--|---|---|---|---|

(1 pont)

9. d) Minden keretbe írd olyan természetes számot, hogy a felírt számok számtani közepe egyenlő legyen a móduszukkal is és a mediánjukkal is!

| | | | | | | | | |
|--|---|--|---|--|---|--|---|--|
| | , | | , | | , | | , | |
|--|---|--|---|--|---|--|---|--|

(1 pont)

Összpontszám: 50

