



Šifra kandidata:

Državni izpitni center



JESENSKI ROK

## **MEHANIKA**

### **NAVODILA ZA OCENJEVANJE**

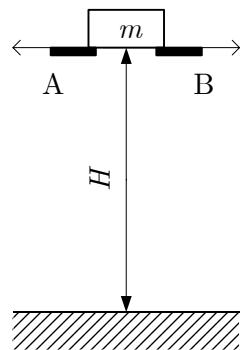
**Sreda, 1. september 2004**

**SPLOŠNA MATURA**

## PODROČJE PREVERJANJA A

**A1**

**Kvader mase  $m$  je postavljen na naslona A in B, ki sta na višini  $H$  nad tlemi. Nato sočasno odmaknemo naslona in kvader se giblje proti tlom.**



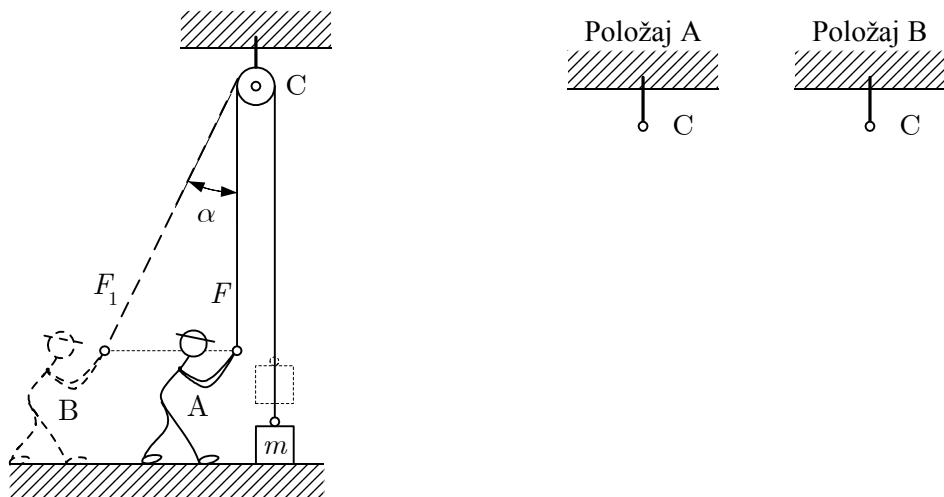
- S kakšnim pospeškom se giblje kvader, če zanemarimo zračni upor?
- Napišite izraz za kinetično energijo kvadra, ko pada s hitrostjo  $v$ . Napišite enoto za kinetično energijo.
- Izpeljite izraz za hitrost kvadra, tik preden se dotakne tal.

**Rešitev in navodila za ocenjevanje:**

- Kvader se giblje s pospeškom prostega pada ( $g$ ) ..... 1 točka
- $E_k = \frac{mv^2}{2}$  ..... 1 točka  
Enota  $[E_k] = \text{J ali N m}$  ..... 1 točka
- $E_{k1} + E_{p1} = E_{k2} + E_{p2} \Rightarrow mgH = \frac{mv^2}{2}$  ..... 1 točka  
 $v = \sqrt{2gH}$  ..... 1 točka  
(Če kandidat napiše samo  $v = \sqrt{2gH}$ , dobi 1 točko.)

A2

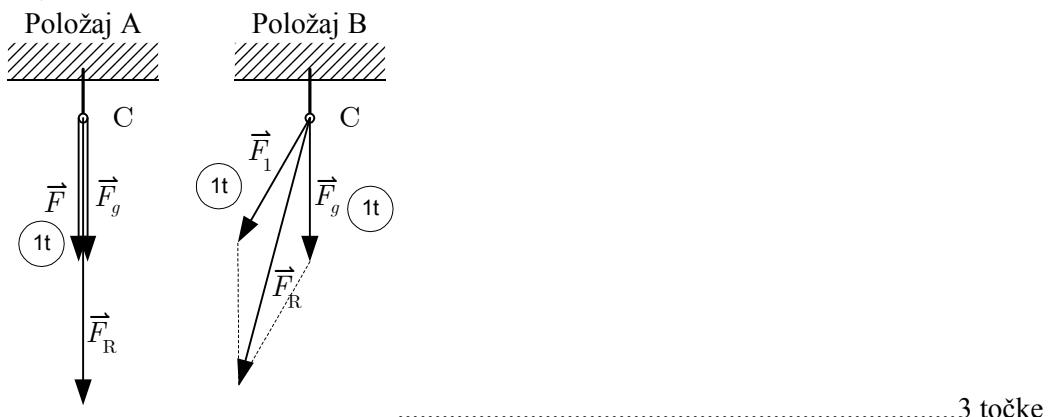
Prek koluta C je speljana vrv, ki je pritrjena na telo mase  $m$ . Delavec vleče vrv in dvigne telo, nato pa se iz položaja A premakne v položaj B. Težo vrvi zanemarimo in ne upoštevamo trenja v kolutu.



- Kolikšna je sila v vrvi  $F$ , ko je delavec v položaju A dvignil telo s tal?
- Kolikšna je sila v vrvi  $F_1$ , ko je delavec v položaju B in vrv z navpičnico oklepa kot  $\alpha$ ?
- Vrišite obremenitve osi koluta v skico za oba položaja delavca.
- Skicirajte rezultanto sil vrvi na kolut za oba položaja.

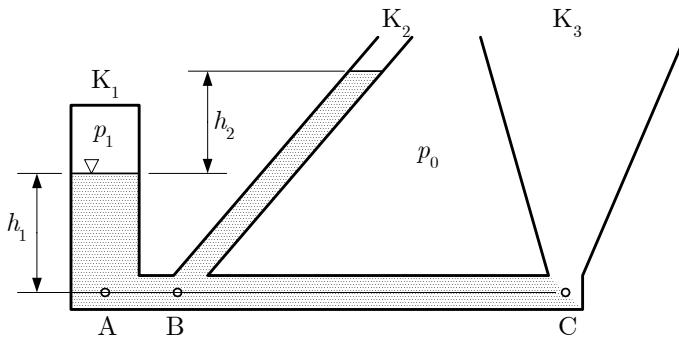
**Rešitev in navodila za ocenjevanje:**

- $F = F_g = mg$  ..... 1 točka
- $F_1 = F = F_g = mg$  ..... 1 točka
- c) in d)



**A3**

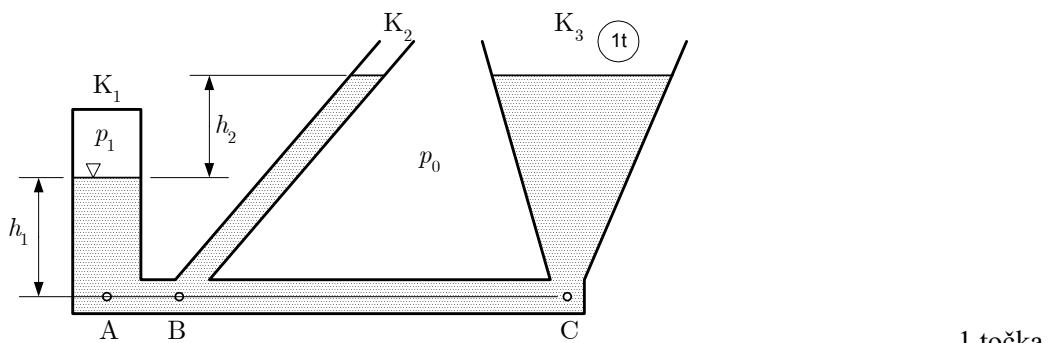
Vezna posoda ima krake  $K_1$ ,  $K_2$  in  $K_3$ . Krak  $K_1$  je zaprt, kraka  $K_2$  in  $K_3$  sta odprta. Skozi krak  $K_2$  nalijemo v posodo tekočino gostote  $\rho$ . V krakih  $K_1$  in  $K_2$  sta narisana končna nivoja tekočine. V kraku  $K_1$  je ujet zrak z absolutnim tlakom  $p_1$ .



- Vrišite končni nivo tekočine v kraku  $K_3$ .
  - Napišite izraz za izračun nadtlaka v točki A.
  - $p_A$ ,  $p_B$ ,  $p_C$  so nadtlaci v točkah A, B, C. Obkrožite pravilno trditev.
- A  $p_A > p_B$   
 B  $p_C < p_B$   
 C  $p_A = p_B + p_C$   
 D  $p_A = p_B = p_C$   
 E  $p_B = p_A + p_C$
- Zapišite izraz za absolutni tlak zraka  $p_1$ , če je tlak okolice  $p_0$ .

**Rešitev in navodila za ocenjevanje:**

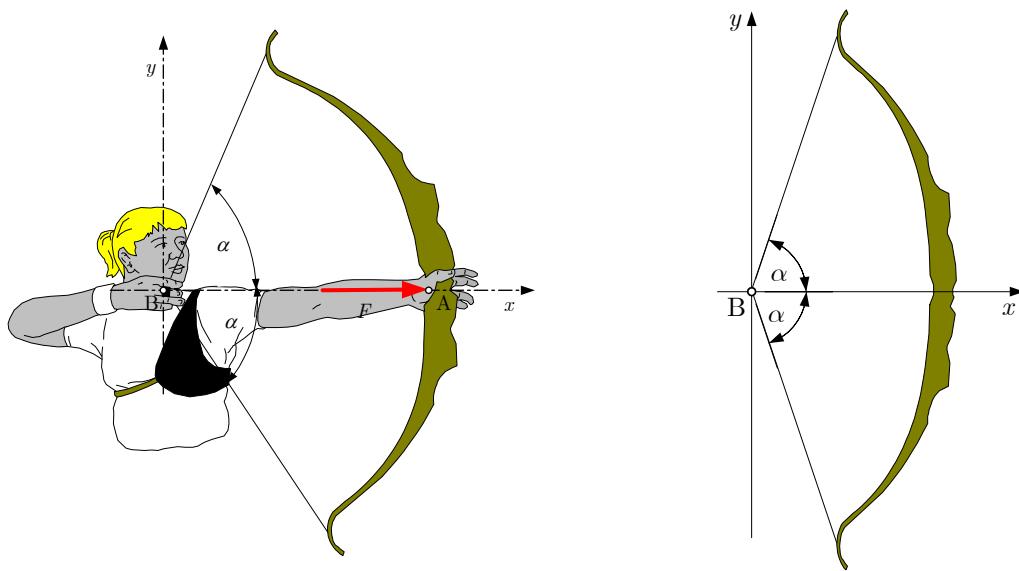
a)



- b)  $p_A = \rho g(h_1 + h_2)$  ali  $p_A = p_1 + \rho g h_1$  ..... 1 točka  
 c)  $p_A = p_B = p_C$  ..... 1 točka  
 d)  $p_1 + \rho g h_1 = p_0 + \rho g(h_1 + h_2)$  ..... 1 točka  
 $p_1 = p_0 + \rho g h_2$  ..... 1 točka

A4

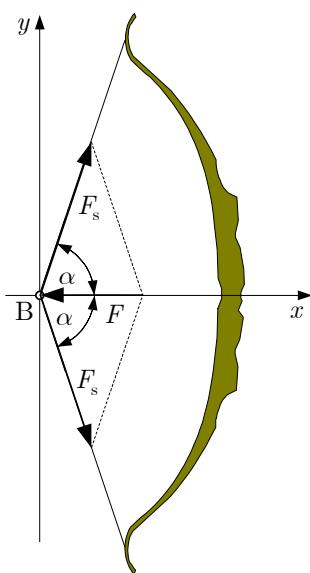
Ko napnemo lok v narisani položaj, je sila v levi roki, da držimo lok v ravnotežju, enaka  $F$ .



- V skico vrišite zunanje obremenitve desne roke v točki B.
- Izpeljite enačbo za izračun sile v struni v tem položaju loka.

**Rešitev in navodila za ocenjevanje:**

a)



Narisana aktivna obremenitev roke ..... 1 točka

Narisani sili strune ..... 1 točka

b)  $\sum F_{ix} = 0$  ..... 1 točka

$2F_s \cos \alpha - F = 0$  ..... 1 točka

$$F_s = \frac{F}{2 \cos \alpha} \text{ ..... 1 točka}$$

(Kandidat dobi vse točke, če nalogo smiselno reši tudi na drug način.)

**A5**

**Opazujemo štiri toga telesa. Na vsako od njih deluje sistem treh sil. Za posamezno telo velja:**

telo A:  $\sum \vec{F}_i \neq 0$  in  $\sum \vec{M}_i = 0$

telo B:  $\sum \vec{F}_i = 0$  in  $\sum \vec{M}_i = 0$

telo C:  $\sum \vec{F}_i = 0$  in  $\sum \vec{M}_i \neq 0$

telo D:  $\sum \vec{F}_i \neq 0$  in  $\sum \vec{M}_i \neq 0$

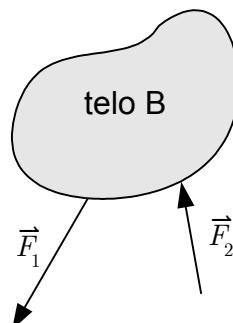
a) Dopolnite trditve:

Telo \_\_\_\_ se giblje premočrtno in enakomerno.

Telo \_\_\_\_ se pospešeno vrti.

Telo \_\_\_\_ se giblje premočrtno in enakomerno pospešeno.

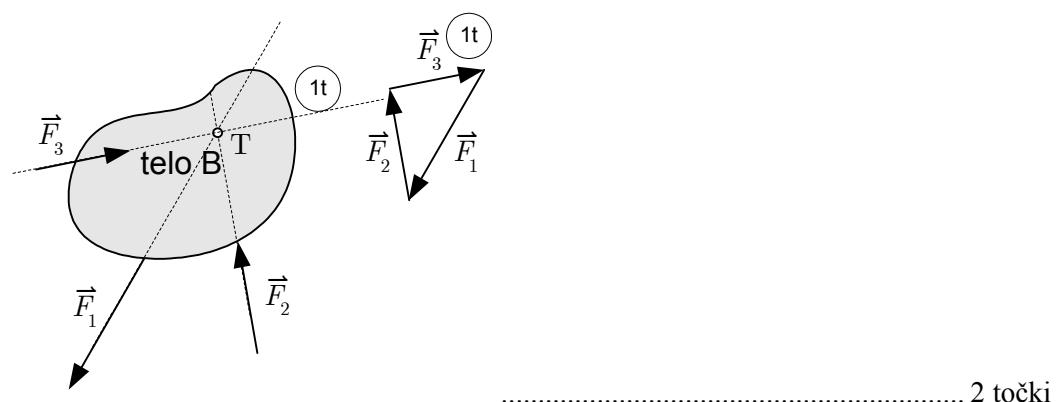
b) Sili  $\vec{F}_1$  in  $\vec{F}_2$ , ki delujeta na telo B, sta narisani v merilu  $m_F = \frac{10 \text{ N}}{1 \text{ cm}}$ . V istem merilu narišite manjkajočo silo  $\vec{F}_3$ , da bo telo v ravnotežju.



**Rešitev in navodila za ocenjevanje:**

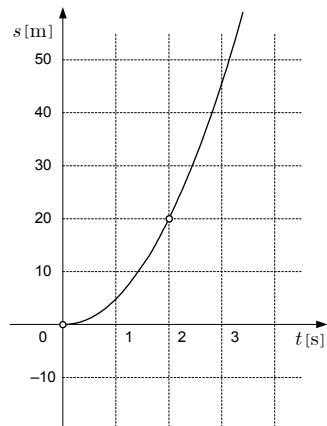
- a) Telo B se giblje premočrtno in enakomerno. .... 1 točka  
 Telo C se pospešeno vrti. .... 1 točka  
 Telo A se giblje premočrtno in enakomerno pospešeno. .... 1 točka

b)



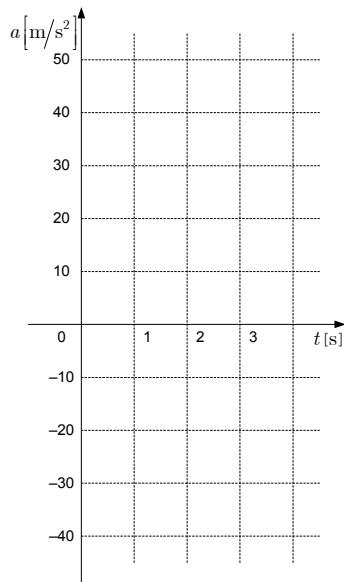
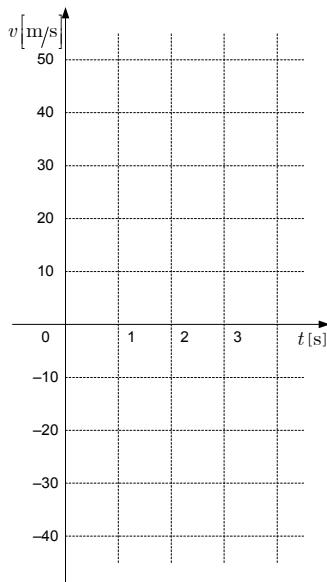
**A6**

Iz mirovanja se začne gibati točka po premici tako, da se ji enakomerno spreminja hitrost, pot pa se ji spreminja tako, kakor kaže diagram.



- a) Kakšno je gibanje točke (obkrožite pravilni odgovor):
- A enakomerno gibanje,
  - B enakomerno pojemajoče gibanje,
  - C neenakomerno gibanje,
  - D enakomerno pospešeno gibanje.

- b) Izračunajte velikost pospeška.  
 c) Zapišite enačbo spremenjanja poti in hitrosti v odvisnosti od časa  $t$  za dani primer.  
 d) Narišite grafa spremenjanja hitrosti  $v$  in pospeška  $a$  v odvisnosti od časa  $t$ .



**Rešitev in navodila za ocenjevanje:**

a) Pravilni odgovor je D ..... 1 točka

b) Izračun pospeška:

$$s = s_0 + v_0 t + \frac{at^2}{2} = 0 + 0 \cdot t + \frac{a \cdot 2^2}{2} = 20 \quad \dots \quad 1 \text{ točka}$$

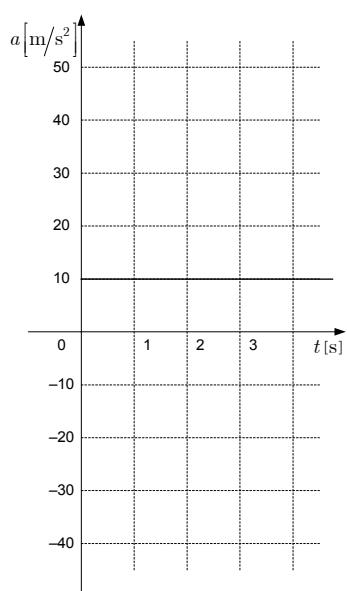
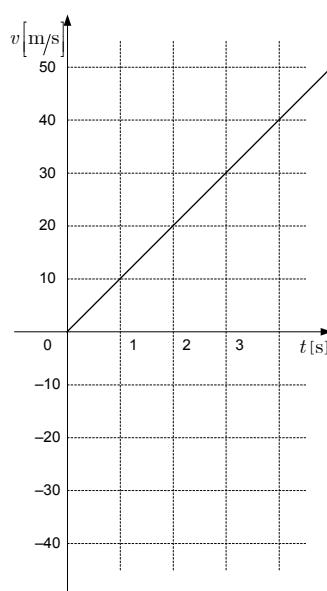
$$a = 10 \text{ m s}^{-2} \quad \dots \quad 1 \text{ točka}$$

c)

$$v = 10t \quad \dots \quad 1 \text{ točka}$$

$$s = 5t^2$$

d)



Pravilno vrisani krivulji ..... 1 točka

**A7****V trdnosti uporabljamo enačbo:**

$$\varphi = \frac{TL}{GI_t}$$

**Pojasnite:**

- a) Kaj izračunamo z napisano enačbo?
- b) Kaj pomenijo posamezni simboli?
- c) Napišite enote posameznih veličin v enačbi.

**Rešitev in navodila za ocenjevanje:**

- a) Z enačbo izračunamo torzijsko deformacijo (torzijski kot).....1 točka  
 b) in c)

$T$  – torzijski (vzvojni) moment  $(N\text{ mm} \text{ ali } N\text{ m})$

$\varphi$  – torzijski kot (1 ali rad ali brez enote) .....2 x 1 točka

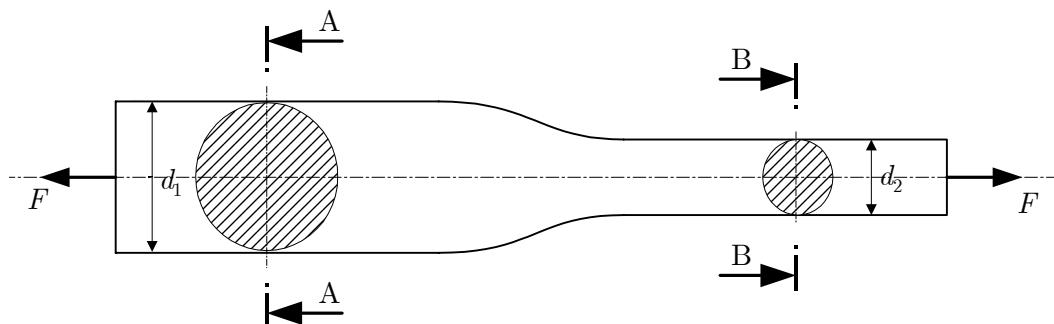
$L$  – dolžina nosilca (mm ali m)

$G$  – strižni modul  $(N/\text{mm}^2 \text{ ali } N/\text{m}^2)$

$I_t$  – torzijski (polarni) vztrajnostni moment prereza  $(\text{mm}^4 \text{ ali } \text{m}^4)$  .....2 x 1 točka

**A8**

Jeklena palica krožnega prereza je obremenjena na nateg s silo  $F = 314 \text{ N}$ . Palica se iz premera  $d_1 = 20 \text{ mm}$  zoži na premer  $d_2 = d_1/2$ .



a) Notranja sila v palici je (obkrožite en odgovor):

- A 628 N
- B 314 N
- C 0 N

- b) Izračunajte napetost v prerezu A-A.
- c) Izračunajte napetost v prerezu B-B.
- d) V katerem prerezu je napetost večja in kolikokrat večja je?
- e) Ali bi se napetosti spremenile, če bi bila palica lesena?

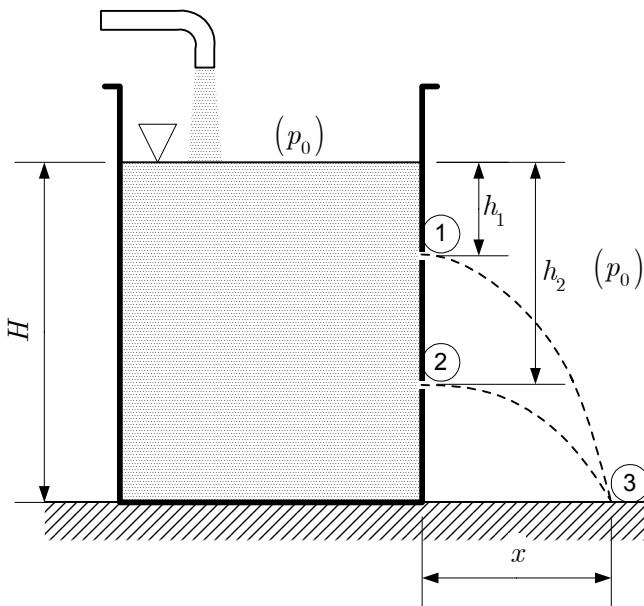
**Rešitev in navodila za ocenjevanje:**

- a) Obkrožen odgovor B (314 N) ..... 1 točka
- b)  $\sigma_A = \frac{F}{A_1} = \frac{4F}{\pi d_1^2} = \frac{4 \cdot 314}{\pi \cdot 20^2} = 1 \text{ N/mm}^2$  ..... 1 točka
- c)  $\sigma_B = \frac{F}{A_2} = \frac{4F}{\pi d_2^2} = \frac{4 \cdot 314}{\pi \cdot 10^2} = 4 \text{ N/mm}^2$  ..... 1 točka
- d) V prerezu B-B je napetost 4-krat večja kot v prerezu A-A. ..... 1 točka
- e) Če bi bila palica lesena, se napetosti ne bi spremenile. ..... 1 točka

## **PODROČJE PREVERJANJA B**

B1

**Posodo polnimo skozi pipo tako, da je višina gladine  $H = 3$  m stalna. V stranski steni sta na mestih ① in ② izdelani enaki (majhni) izvrtini. Znana je višina druge izvrtine  $h_2 = 2$  m. Pri iztekanju vode zanemarimo vse upore.**



Izračunajte:

- a) iztočno hitrost vode skozi odprtino ②; (4 točke)

b) razdaljo  $x$ , ki jo doseže curek vode iz odprtine ②; (7 točk)

c) višino prve odprtine  $h_1$ , da bo curek vode iz te odprtine dosegel točko ③ (enako razdaljo  $x$ ). (9 točk)

### ***Rešitev in navodila za ocenjevanje:***

a)  $z + \frac{p}{\rho g} + \frac{v^2}{2g} = \text{konst.} \Rightarrow H + 0 + 0 = (H - h_2) + 0 + \frac{v_2^2}{2g}$  ..... 2x1 točka

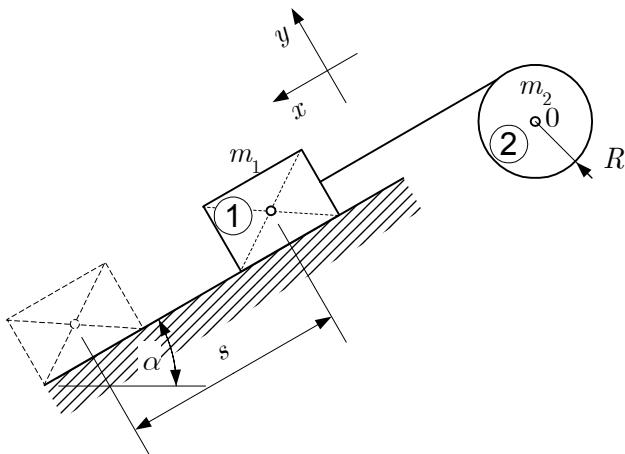
b)  $x = v_2 t$  ..... 2 točke

c)  $x = v_1 t_1$  ..... 1 točka

Višina  $h_1 = 1$  m ..... 1 točka

**B2**

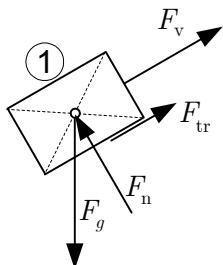
**Na strmino z naklonskim kotom  $\alpha = 50^\circ$  položimo kvader z maso  $m_1 = 80 \text{ kg}$ . Kvader je pripet na vrv, ki je ovita okrog valja s polmerom  $R = 0,2 \text{ m}$ . Valj je vrtljivo vpet na os 0. Na začetku kvader in valj mirujeta, vrv pa je napeta.**



- a) Narišite vse sile, ki delujejo na kvader, preden se začne gibati navzdol. (2 točki)
- b) Izračunajte pospešek gibanja kvadra po strmini navzdol, če v času 6 s opravi 9 m poti. (2 točki)
- c) Določite silo v vrvi, če je količnik drsnega trenja  $\mu = 0,25$ . (7 točk)
- d) Izračunajte moment, ki pospešuje valj, in kotni pospešek rotacije valja. (4 točke)
- e) Izračunajte vztrajnostni moment in maso valja  $m_2$ . (5 točk)

*Rešitev in navodila za ocenjevanje:*

a)



..... 2 točki

b)  $s = \frac{at^2}{2}$  ..... 1 točka

$$a = \frac{2s}{t^2} = \frac{2 \cdot 9}{6^2} = 0,5 \text{ m/s}^2$$
 ..... 1 točka

c)  $\sum F_{ix} = ma$  ..... 1 točka

$$F_{gx} - F_{tr} - F_v = m_1 a$$
 ..... 1 točka

$$F_v = F_{gx} - F_{tr} - m_1 a$$

$$F_g = m_1 g = 80 \cdot 9,81 = 784,8 \text{ N}$$
 ..... 1 točka

$$F_{gx} = F_g \sin \alpha = 784,8 \cdot \sin 50^\circ = 601,2 \text{ N}$$
 ..... 1 točka

$$F_{gy} = F_g \cos \alpha = 784,8 \cdot \cos 50^\circ = 504,5 \text{ N}$$
 ..... 1 točka

$$F_{tr} = F_n \mu = F_{gy} \mu = 504,5 \cdot 0,25 = 126,1 \text{ N}$$
 ..... 1 točka

$$F_v = 601,2 - 126,1 - 80 \cdot 0,5 = 435,1 \text{ N}$$
 ..... 1 točka

d)  $M = F_v R$  ..... 1 točka

$$M = 435,1 \cdot 0,2 = 87 \text{ N m}$$
 ..... 1 točka

$$a = R\alpha$$
 ..... 1 točka

$$\alpha = \frac{a}{R} = \frac{0,5}{0,2} = 2,5 \text{ s}^{-1}$$
 ..... 1 točka

e)  $M = J\alpha$  ..... 2 točki

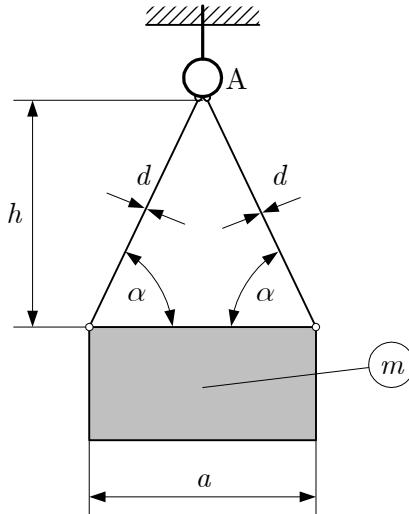
$$J = \frac{M}{\alpha} = \frac{87}{2,5} = 34,8 \text{ kg m}^2$$
 ..... 1 točka

$$J = \frac{m_2 R^2}{2}$$
 ..... 1 točka

$$m_2 = \frac{2J}{R^2} = \frac{2 \cdot 34,8}{0,2^2} = 1740 \text{ kg}$$
 ..... 1 točka

B3

**Breme mase  $m = 1200 \text{ kg}$  je obešeno na dve jekleni palici premera  $d = 8 \text{ mm}$ . Izmeri na skici sta:  $a = 0,8 \text{ m}$  in  $h = 1,5 \text{ m}$ .**



- a) Izračunajte težo bremena, naklonski kot  $\alpha$  in dolžino palice. (6 točk)

b) Za ravnotežni primer izračunajte silo v palici in silo v stropnem vijaku A. (6 točk)

c) Ugotovite ustreznost premera palice, če je dopustna napetost jekla  $\sigma_{\text{dop}} = 150 \text{ N/mm}^2$  (5 točk)

d) Za koliko se palica podaljša, če je modul elastičnosti jekla  $E = 2,1 \cdot 10^5 \text{ N/mm}^2$  (3 točke)

### ***Rešitev in navodila za ocenjevanje:***

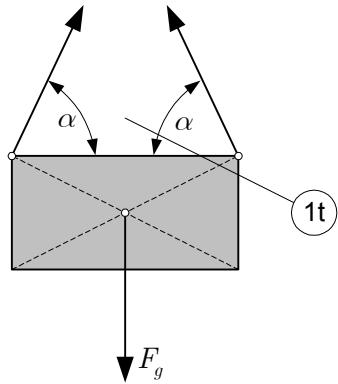
- a)  $F_g = mg$  ..... 1 točka  
 $F_g = 1200 \cdot 9,81 = 11772 \text{ N}$  ..... 1 točka  
 $\tan \alpha = \frac{2h}{a}$  ..... 1 točka  
 $\tan \alpha = \frac{2 \cdot 1,5}{0,8} = 3,75 \Rightarrow \alpha = 75,07^\circ$  ..... 1 točka  

$$l = \sqrt{h^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2}$$
 ali: 
$$l = \frac{h}{\sin \alpha}$$
 ..... 1 točka  

$$l = \sqrt{1,5^2 + \left(\frac{0,8}{2}\right)^2} = 1,552 \text{ m}$$
 ..... 1 točka  

$$l = \frac{1,5}{\sin 75,07^\circ} = 1,552 \text{ m}$$
 ..... 1 točka

b)



c)  $A = \frac{d^2\pi}{4}$  ..... 1 točka

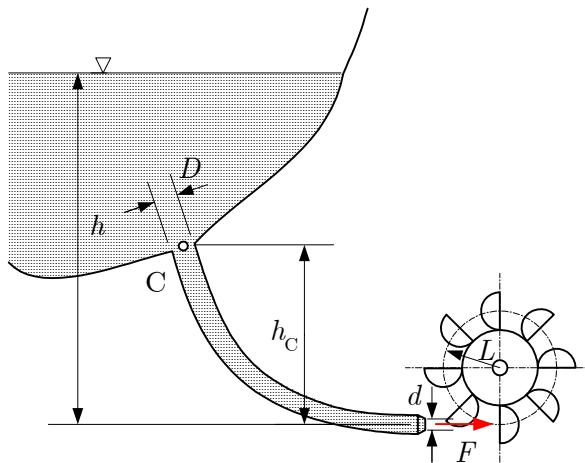
Ker je  $\sigma < \sigma_{\text{dop}}$ , je premer ustrezен..... 1 točka

d)  $\Delta l = \frac{Fl}{EA}$  ..... 2 točki

## PODROČJE PREVERJANJA C

**C1**

Skozi šobo premera  $d = 5 \text{ cm}$  na turbineske lopatice priteče  $88 \text{ kg}$  vode vsako sekundo. Gostota vode je  $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$ . Turbinske lopatice so nameščene na rotorju turbine v oddaljenosti  $L = 40 \text{ cm}$ .



- Izračunajte hitrost curka vode na turbineske lopatice. *(6 točk)*
- Izračunajte vrtilno frekvenco rotorja turbine, če je obodna hitrost lopatic enaka polovični hitrosti iztekajoče vode. *(5 točk)*
- Izračunajte idealno višino  $h$  do gladine, če vse izgube v cevovodu zanemarimo. *(3 točke)*
- Izračunajte vstopno hitrost vode v cevovod, ki je na višini  $h_C = 70 \text{ m}$ , če je vstopni premer cevi enak  $D = 10 \text{ cm}$ . *(4 točke)*
- Silo curka na turbinesko lopatico izračunamo z enačbo  $F = \frac{q_m v}{2}$ . Izračunajte moment sile curka, s katerim poženemo turbino. *(3 točke)*
- Izračunajte moč, ki jo prenaša gred turbine. *(4 točke)*
- Izračunajte največjo torzijsko napetost v gredi turbine, če je premer gredi  $5 \text{ cm}$ . *(5 točk)*

**Rešitev in navodila za ocenjevanje**

a)  $q_m = q_V \rho$  ..... 1 točka

$q_V = Av$  ..... 1 točka

$v = \frac{q_V}{A} = \frac{q_m}{A\rho}$  ..... 1 točka

$A = \frac{\pi d^2}{4}$  ..... 1 točka

$v = \frac{88}{\frac{\pi \cdot 0,05^2}{4} \cdot 1000}$  ..... 1 točka

$v = 44,82 \text{ m/s}$  ..... 1 točka

b)  $v_{\text{ob}} = \frac{v}{2} = 22,41 \text{ m/s}$  ..... 1 točka

$v_{\text{ob}} = \omega L$  ..... 1 točka

$\omega = 2\pi n$  ..... 1 točka

$n = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{v_{\text{ob}}}{2\pi L} = \frac{22,41}{2\pi \cdot 0,4}$  ..... 1 točka

$n = 8,92 \text{ vrt/s}$  ..... 1 točka

c)  $\frac{v^2}{2g} = h$  ..... 1 točka

$h = \frac{44,82^2}{2 \cdot 9,81}$  ..... 1 točka

$h = 102,39 \text{ m}$  ..... 1 točka

d)  $A_c v_c = Av$  ..... 1 točka

$v_c = \frac{A}{A_c} v = \frac{4\pi d^2}{4\pi D^2} v = \left(\frac{d}{D}\right)^2 v$  ..... 1 točka

$v_c = \left(\frac{5}{10}\right)^2 44,82 = 11,205 \text{ m/s}$  ..... 1 točka

$v_c = 11,205 \text{ m/s}$  ..... 1 točka

e)  $F = \frac{q_m v}{2} = \frac{88 \cdot 44,82}{2} = 1972 \text{ N}$  ..... 1 točka

$M = FL$  ..... 1 točka

$M = 1972 \cdot 0,4 = 788,8 \text{ N m}$  ..... 1 točka

f)  $P = M\omega$  ..... 1 točka

$\omega = \frac{v_{\text{ob}}}{L} = \frac{22,41}{0,4} = 56,025 \text{ s}^{-1}$  ..... 1 točka

$P = 788,8 \cdot 56$  ..... 1 točka

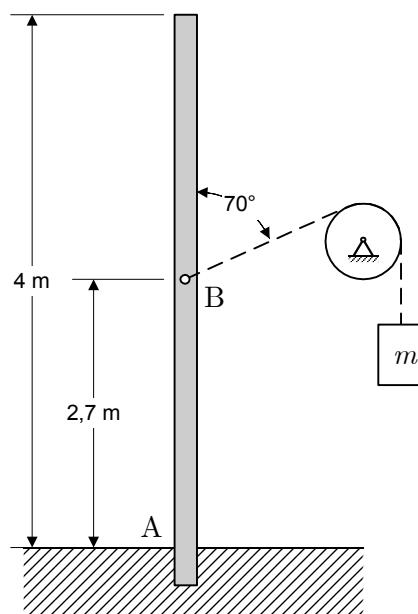
$P = 44172,8 \text{ W}$  ..... 1 točka

g)  $\tau = \frac{T}{W_p}$  ..... 1 točka

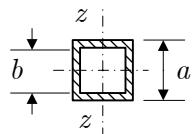
$W_t = 24,54 \text{ cm}^3$  ..... 1 točka

C2

Votel pokončni steber iz jeklene kvadratne cevi je zabetoniran v vodoravno podlago. Zunanja mera stebra je  $a = 120 \text{ mm}$ , notranja pa  $b = 100 \text{ mm}$ . V točki B je na steber pripeta vrva, ki je speljana prek škripca. Na vrvi visi breme z maso  $650 \text{ kg}$ . Trenje v ležaju škripca ter težo stebra in vrvi zanemarite.

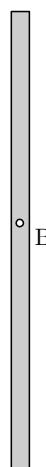


Prerez stebra:

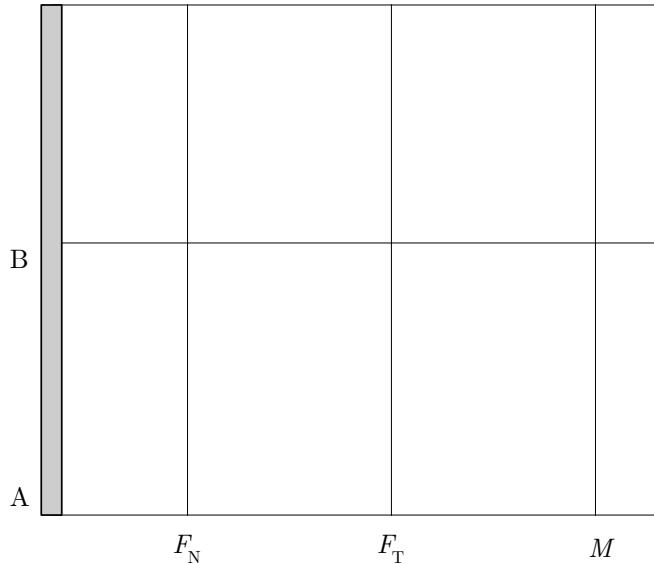


- a) Skicirajte vse sile, ki delujejo na steber.

(2 točki)



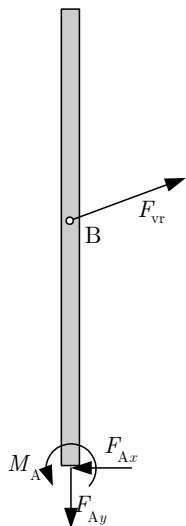
- b) Imenujte podporo stebra in izračunajte reakcije. (8 točk)
- c) Skicirajte diagrame notranjih sil in upogibnega momenta vzdolž osi stebra. (6 točk)



- d) Izračunajte vztrajnostni moment prereza stebra za os  $z - z$ . (3 točke)
- e) Izračunajte odpornostni moment prereza stebra za os  $z - z$ . (3 točke)
- f) Izračunajte največjo upogibno napetost v stebru. S črko S označite to mesto na stebru. (3 točke)
- g) Izračunajte najmanjši potrebeni premer žice, iz katere je spletena vrv.  
(Vrv je spletena iz 19 žic, dopustna napetost v žici pa je  $\sigma_{\text{dop}} = 170 \text{ N/mm}^2$ .) (5 točk)

### ***Rešitev in navodila za ocenjevanje:***

- a) Sile na steber:



(sila vrvi ... 1 točka, reakcije v podpori ... 1 točka) ..... 2 točki

- b) Imenovanje podpore in reakcije:

Podpora stebra je vpeta podpora (konzolna podpora) ..... 1 točka

$$F_g = mg = 650 \cdot 9,81 = 6376,5 \text{ N}$$

$F_{\text{vr}} = F_g$  ..... 1 točka

$$F_{\text{vr}_x} = 6376,5 \cdot \sin 70^\circ = 5992 \text{ N}$$

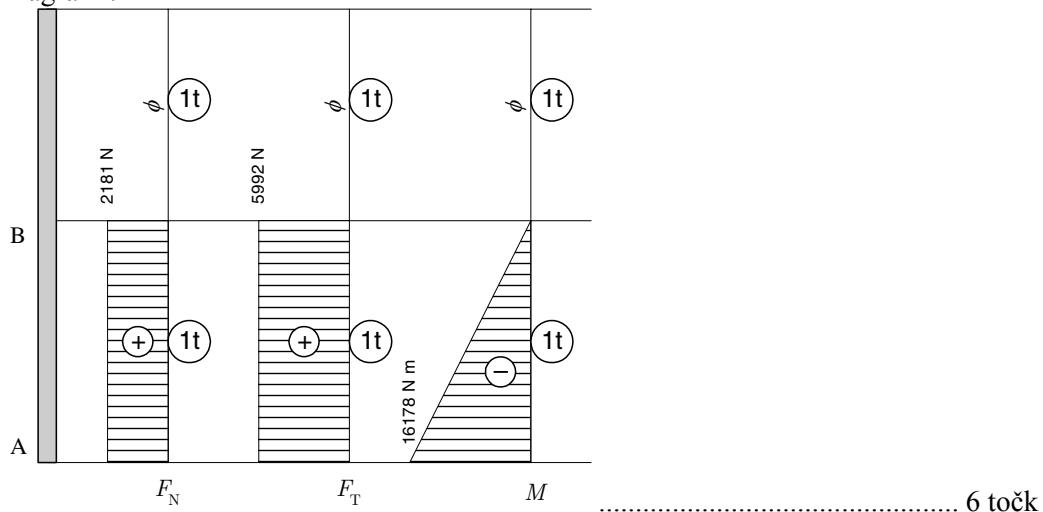
$$F_{\text{vr}_u} = 6376,5 \cdot \cos 70^\circ = 2181 \text{ N}$$

$$F_x \equiv 5992 \text{ N} \quad | \text{ točka}$$

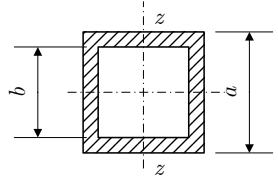
$$F_x \equiv 2181 \text{ N} \quad 1 \text{ točka}$$

$$M \equiv 5992 \cdot 2.7 \equiv 16178 \text{ Nm} \quad 1 \text{ točka}$$

c) Diagrami:



d) Vztrajnostni moment prerezja:



$$I_{z_1} = \frac{a^4}{12}, I_{z_2} = \frac{b^4}{12} \dots \text{1 točka}$$

$$I_z = I_{z_1} - I_{z_2} = \frac{a^4 - b^4}{12} \dots \text{1 točka}$$

$$I_z = \frac{120^4 - 100^4}{12} = 8947000 \text{ mm}^4 = 894,7 \text{ cm}^4 \dots \text{1 točka}$$

e) Odpornostni moment prerezja:

$$W_z = \frac{I_z}{e} \dots \text{1 točka}$$

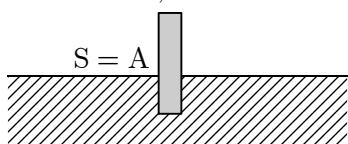
$$e = \frac{a}{2} \dots \text{1 točka}$$

$$W_z = \frac{8947000}{60} = 149100 \text{ mm}^3 = 149,1 \text{ cm}^3 \dots \text{1 točka}$$

f) Največja upogibna napetost:

$$\sigma_{\text{maks}} = \frac{M_{\text{maks}}}{W_z} \dots \text{1 točka}$$

$$\sigma_{\text{maks}} = \frac{16178 \cdot 10^3}{149,1 \cdot 10^3} = 108,5 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \dots \text{1 točka}$$



..... 1 točka

g) Premer žice:

$$\sigma = \frac{F}{A}$$

$$A = \frac{335}{170} = 1,97 \text{ mm}^2$$

$$A = \frac{\pi d^2}{4}$$