



Codice del candidato:

Državni izpitni center



SIMULAZIONE DI PROVA

Livello di base
MATEMATICA
==== Prova d'esame 2 =====

- A) Quesiti brevi
- B) Quesiti strutturati brevi

Lunedì, 8 marzo 2021 / 90 minuti (30 + 60)

Materiali e sussidi consentiti:

Al candidato sono consentiti l'uso della penna stilografica o della penna a sfera, della matita, della gomma, degli strumenti geometrici (un compasso e un righello, anche una squadretta) e la calcolatrice.

Il fascicolo contiene l'allegato con le formule e i due fogli della minuta, che il candidato deve staccare con attenzione.

MATURITÀ GENERALE

INDICAZIONI PER I CANDIDATI

Leggete con attenzione le seguenti indicazioni.

Non aprite la prova d'esame e non iniziate a svolgerla prima del via dell'insegnante preposto.

Incollate o scrivete il vostro numero di codice negli spazi appositi su questa pagina in alto a destra.

La prova d'esame si compone di due parti, denominate A e B. Il tempo a disposizione per l'esecuzione dell'intera prova è di 90 minuti: vi consigliamo di dedicare 30 minuti alla risoluzione della parte A, e 60 minuti a quella della parte B.

La parte A della prova d'esame contiene 8 quesiti brevi; la parte B della prova contiene 6 quesiti strutturati brevi. Il punteggio massimo che potete conseguire è di 60 punti, di cui 20 nella parte A e 40 nella parte B. Il punteggio conseguibile in ciascun quesito viene di volta in volta espressamente indicato. Per risolvere i quesiti potete fare uso dell'elenco di formule che trovate a pagina 3.

Scrivete le vostre risposte all'interno della prova, nei **riquadri appositamente previsti**, utilizzando la penna stilografica o la penna a sfera. Disegnate a matita i grafici delle funzioni. In caso di errore, tracciate un segno sulla risposta scorretta e scrivete accanto ad essa quella corretta. Alle risposte e alle correzioni scritte in modo illeggibile verranno assegnati 0 punti. Le pagine 13 e 20 sono di riserva e vanno usate solo in caso di carenza di spazio. Qualora le doveste utilizzare, non dimenticate di indicare chiaramente quali quesiti avete risolto su di esse. Utilizzate i fogli della minuta solo per l'impostazione delle soluzioni, in quanto essi non verranno sottoposti a valutazione.

Le risposte devono riportare tutto il procedimento attraverso il quale si giunge alla soluzione, con i calcoli intermedi e le vostre deduzioni. Nel caso in cui un quesito sia stato risolto in più modi, deve essere indicata con chiarezza la soluzione da valutare.

Abbate fiducia in voi stessi e nelle vostre capacità. Vi auguriamo buon lavoro.

La prova si compone di 20 pagine, di cui 1 vuota e 2 di riserva.





Formule

(Somma e differenza di cubi) Per qualsiasi $a, b \in \mathbb{R}$ vale $a^3 \pm b^3 = (a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2)$.

(Teorema di Euclide e dell'altezza) Il triangolo rettangolo ha i cateti a e b e l'ipotenusa c . L'altezza all'ipotenusa è h_c , la proiezione ortogonale del cateto a all'ipotenusa è a_1 , la proiezione ortogonale del cateto b all'ipotenusa è b_1 . Quindi vale $a^2 = ca_1$, $b^2 = cb_1$, $h_c^2 = a_1 b_1$.

(Raggio della circonferenza circoscritta e della circonferenza inscritta a un triangolo) Il triangolo ha i lati a, b e c , il semiperimetro è $p = \frac{a+b+c}{2}$, l'area è A , il raggio della circonferenza inscritta al triangolo dato è r e il raggio della circonferenza circoscritta al triangolo dato è R . Perciò $r = \frac{A}{p}$ e $R = \frac{abc}{4A}$.

(Formula di Erone) Il triangolo ha i lati a, b e c , il semiperimetro è $p = \frac{a+b+c}{2}$. Quindi la sua area è $A = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$.

(Area del triangolo) Siano $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ e $C(x_3, y_3)$ punti nel piano. L'area del triangolo di vertici A, B e C è $A = \frac{1}{2} |(x_2 - x_1)(y_3 - y_1) - (x_3 - x_1)(y_2 - y_1)|$.

(Sfera) L'area della superficie totale e il volume della sfera di raggio r sono $S = 4\pi r^2$, $V = \frac{4\pi r^3}{3}$.

(Teoremi di addizione) Per qualsiasi $x, y \in \mathbb{R}$ vale

$$\sin(x \pm y) = \sin x \cos y \pm \cos x \sin y, \quad \cos(x \pm y) = \cos x \cos y \mp \sin x \sin y.$$

Per qualsiasi $x, y \in \mathbb{R} \setminus \left\{\frac{\pi}{2} + \pi \cdot k; k \in \mathbb{Z}\right\}$, per i quali $x+y \neq \frac{\pi}{2} + \pi \cdot k$ per qualsiasi $k \in \mathbb{Z}$ e

$$\tan x \tan y \neq -1, \text{ vale } \tan(x \pm y) = \frac{\tan x \pm \tan y}{1 \mp \tan x \tan y}.$$

(Formule di bisezione)

$$\text{Per qualsiasi } x \in \mathbb{R} \text{ vale } \sin^2 \frac{x}{2} = \frac{1-\cos x}{2}, \quad \cos^2 \frac{x}{2} = \frac{1+\cos x}{2}.$$

$$\text{Per un qualsiasi } x \in \mathbb{R} \setminus \{\pi + \pi \cdot 2k; k \in \mathbb{Z}\} \text{ vale } \tan \frac{x}{2} = \frac{\sin x}{1+\cos x}.$$

(Ellisse) L'ellisse nel piano ha i semiassi a e b ($a > b$), la sua eccentricità lineare è e , la sua

$$\text{eccentricità numerica è } \varepsilon. \text{ Quindi vale } e^2 = a^2 - b^2, \quad \varepsilon = \frac{e}{a}.$$

(Iperbole) L'iperbole nel piano ha il semiasse reale a e il semiasse immaginario b , la sua eccentricità

$$\text{lineare è } e, \text{ la sua eccentricità numerica è } \varepsilon. \text{ Quindi vale } e^2 = a^2 + b^2, \quad \varepsilon = \frac{e}{a}.$$

(Parabola) Parabola nel piano di equazione $y^2 = 2px$ ha il fuoco in $F\left(\frac{p}{2}, 0\right)$, l'equazione della retta

$$\text{diretrice della parabola data è } x = -\frac{p}{2}.$$

(Successione aritmetica) La somma dei primi n termini della successione aritmetica (a_n) è

$$S_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n).$$

(Successione geometrica) La somma dei primi n termini della successione geometrica (a_n) di

$$\text{ragione } q \in \mathbb{R} \text{ è } S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1}, \text{ se } q \neq 1, \text{ e } S_n = na_1, \text{ se } q = 1.$$

$$\text{(Limiti)} \quad \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n = e \quad \text{e} \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1.$$



Pagina vuota

Non scrivete nel campo grigio. Non scrivete nel campo grigio.



5/20

Foglio per la minuta

Non scrivete nel campo grigio. Non scrivete nel campo grigio.

**Foglio per la minuta**

Non scrivete nel campo grigio. Non scrivete nel campo grigio.



7/20

Foglio per la minuta

Non scrivete nel campo grigio. Non scrivete nel campo grigio.

**Foglio per la minuta**

Non scrivete nel campo grigio. Non scrivete nel campo grigio.

**A) QUESITI BREVI**

1. È data la funzione quadratica f con la dipendenza $f(x) = \frac{1}{2}(x-2)^2 - 8$. Scrivete il vertice della funzione.

(2 punti)

2. Calcolate l'angolo che la retta di equazione $2x - 3y - 6 = 0$ racchiude con l'asse delle ascisse. Arrotondate il risultato al centesimo di grado.

(3 punti)



3. Una piramide di volume 100 cm^3 ha come base un quadrato con il lato lungo 10 cm . Calcolate l'altezza della piramide.

(2 punti)

4. È data la funzione esponenziale f con la dipendenza $f(x) = a^x$. Calcolate la base $a > 0$, se sappiamo che $f\left(-\frac{2}{3}\right) = 0,25$.

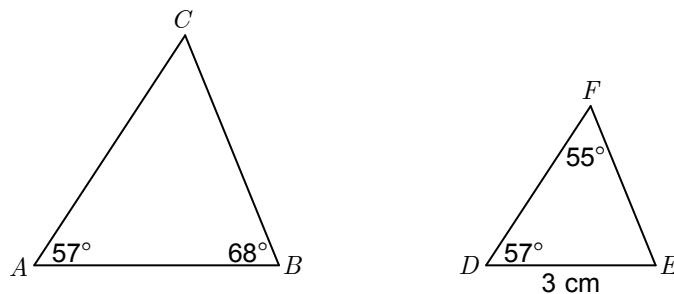
(2 punti)



5. Scrivete il polinomio p con il coefficiente direttivo 2 e gli zeri semplici $x_1 = 1$, $x_2 = 2$ e $x_3 = 3$. Calcolate $p(4)$.

(3 punti)

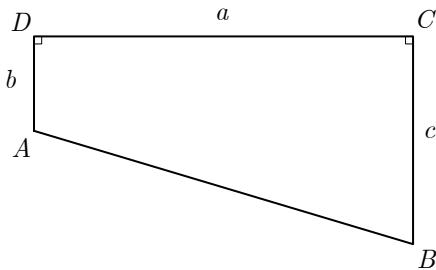
6. La figura mostra i triangoli ABC e DEF con le dimensioni contrassegnate delle lunghezze di alcuni lati e delle ampiezze di alcuni angoli interni. Il triangolo ABC è maggiore del triangolo DEF , il rapporto tra le loro aree è $\frac{16}{9}$. Calcolate la lunghezza del lato AB .



(2 punti)



7. Esprimete con l'aiuto di a , b e c il perimetro e l'area del trapezio nella figura.



(3 punti)

8. I numeri $x - 4$, $x + 3$ e $2x + 6$ sono tre termini successivi di una successione geometrica.
Calcolate il numero reale x .

(3 punti)



13/20

Pagina di riserva

Non scrivete nel campo grigio. Non scrivete nel campo grigio.

VOLTATE IL FOGLIO.

**B) QUESITI STRUTTURATI BREVIS**

1. Per due numeri naturali qualsiasi m e n indichiamo con $D(m, n)$ il massimo comune divisore dei due numeri e con $v(m, n)$ il loro minimo comune multiplo.

Scomponete i numeri 45, 48 e 60 in fattori primi.

$$\text{Calcolate } \left(\frac{D(45, 48)}{D(48, 60)} - \frac{D(11, 23)}{v(4, 10)} \right) \cdot v(5, 20).$$

(8 punti)



2. Il consumo di un'automobile è di 6 litri di carburante per 100 chilometri, un furgone invece con un litro di carburante percorre 12 chilometri. Quanto carburante il furgone ha consumato in più rispetto all'automobile, se ambedue i veicoli hanno percorso 350 chilometri? Arrotondate il risultato al millesimo di litro.

(5 punti)



3. In una successione aritmetica il secondo termine è uguale a 39, il quinto invece a 30.
Calcolate la ragione, il primo termine e il trentassettesimo termine della successione data.
Calcolate la somma dei primi 50 termini della successione data.

(6 punti)



4. In una classe con 28 alunni, 12 sono femmine e 16 sono maschi. Tre maschi si chiamano Anže.

L'insegnante sceglierà a caso per un'interrogazione uno degli alunni (femmina o maschio) di tale classe. Calcolate la probabilità dell'evento A , che il nome dell'alunno da interrogare a caso si chiami Anže.

L'insegnante sceglierà a caso per un'interrogazione due maschi di tale classe. Calcolate la probabilità dell'evento B , che esattamente uno degli alunni si chiami Anže.

L'insegnante sceglierà a caso per un'interrogazione tre alunni di tale classe. Calcolate la probabilità dell'evento C , che nel terzetto scelto a caso siano rappresentati ambedue i sessi.

(8 punti)



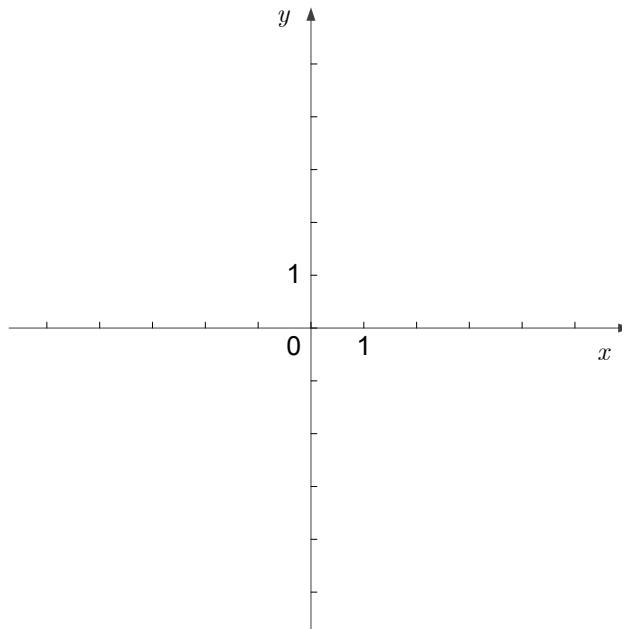
5. In un triangolo ABC la lunghezza del lato AB è $c = |AB| = 2$ cm, la lunghezza del lato AC è $b = |AC| = \sqrt{2}$ cm e l'ampiezza dell'angolo $\angle ABC$ è $\beta = 30^\circ$. Calcolate la lunghezza del lato BC . Scrivete ambedue le soluzioni. Arrotondate il risultato al centesimo di centimetro.

(5 punti)



6. È data la funzione $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ con la dipendenza $f(x) = 4^x - 2$.

Calcolate lo zero e il termine noto della funzione f , scrivete l'equazione dell'asintoto orizzontale al grafico della funzione f e tracciatene il grafico.



Calcolate con quale angolo il grafico della funzione f interseca l'asse delle ascisse. Arrotondate l'ampiezza dell'angolo al primo di grado.

(8 punti)



Pagina di riserva

Non scrivete nel campo grigio. Non scrivete nel campo grigio.